

网络中 λ 阶短路径的构造原则及算法

A Constructive Principle and Algorithm of λ Level Short Path in Network

周 勤¹, 周炳生²

ZHOU Qin¹, ZHOU Bing-sheng²

(1. 金陵科技学院图书馆, 江苏南京 210009; 2. 南京大学信息管理系, 江苏南京 210008)

(1. Library, Jinling Institute of Technology, Nanjing, Jiangsu, 210009, China; 2. Department of Information Management, Nanjing University, Nanjing, Jiangsu, 210008, China)

摘要: 分析由延长而产生的前导和后继路径的生成关系, 获得 λ 阶短路径的构造原则, 然后根据构造原则, 修改最短路径 D(Dijkstra) 算法, 提出 λ 阶短路径 D 算法, 并用算例验证算法的可行性。

关键词: 短路径 最短路径 原则 算法

中图分类号: O158 文献标识码: A 文章编号: 1002-7378(2008)03-0243-05

Abstract: By analyzing the generative relation of leader path and successor path, the constructive principle of λ level short path is obtained. Then according to the constructive principle, the shortest path D algorithm (Dijkstra algorithm) is modified and D algorithm of λ level short path is propose. Finally, samples was used to prove the feasibility of algorithm.

Key words: short path, shortest path, principle, algorithm.

在实际生活中有些求解最优的问题, 可以转化为网络中最短路径问题, 而要想得到最优的第一方案, 较优的第二方案, ..., 第 λ 方案就需要 λ 阶短路径算法. 本文先分析由延长而产生的前导和后继路径的生成关系, 由此获得 λ 阶短路径的构造原则, 从而修改最短路径 D(Dijkstra) 算法, 得到 λ 阶短路径 D 算法.

1 预备知识

网络 $G(n, m)$ 中点的集合记为 $V = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$, 边的集合记为 $E = \{(x_1, x_2), \dots\}$, 结点数 $n = |V|$, 边的余数记为 $m = |E|$. 若边 (x_i, x_j) 记为 (x_i, x_j) , 那么对权 $W(x_i, x_j)$, 有 $W(x_i, x_j) > 0$, x_i 称为 x_j 的前导结点, x_j 称为 x_i 的后继结点. 与结点 x_i 相邻的所有结点的集合, 称为结点 x_i 的相邻结点集, 记为 $\Gamma(x_i)$. 以 x_i 为始结点, x_j 为终结点的路径 (x_i, \dots, x_j) , 记为 $P(x_i, \dots, x_j)$. $P(x_i, \dots, x_j)$ 的权记为 $W(P(x_i, \dots, x_j))$. $P(x_i, \dots, x_j)/\omega$ 表示权为 ω 的路径 $P(x_i, \dots, x_j)$.

当 $x_j \in \Gamma(x_k)$ 时, 路径 $P(x_i, \dots, x_k, x_j)$ 是路径 $P(x_i, \dots, x_k)$ 经边 (x_k, x_j) 延长到 x_j 而形成的^[1~6], 记 $P(x_i, \dots, x_k, x_j) = P(x_i, \dots, x_k) \odot (x_k, x_j)$, 其中 \odot 为延长符号.

定义 1 当结点 $x_h \in \Gamma(x_k)$ 时, $P(x_i, \dots, x_k, x_h) = P(x_i, \dots, x_k) \odot (x_k, x_h)$, 称路径 $P(x_i, \dots, x_k)$ 为 $P(x_i, \dots, x_k, x_h)$ 的前导路径. 如果延长后 $P(x_i, \dots, x_k, x_h)$ 为路径、回路、通路, 称 $P(x_i, \dots, x_k, x_h)$ 分别为路径 $P(x_i, \dots, x_k)$ 的后继路径、后继回路、后继通路. $P(x_i, \dots, x_k, x_h)$ 未具体指明的便默认为是路径.

定义 2 在网络中, 所有以 x_i 为始点, x_j 为终点的路径 $P(x_i, \dots, x_j)$, 按其权值从小到大排序, 其序号 λ 称为该路径的阶 λ , 该路径称为 x_i 到 x_j 的 λ 阶短路径, 记为 $p^\lambda(x_i, \dots, x_j)$.

规定: $\lambda = 0$ 时, $P^\lambda(x_i, \dots, x_j)$ 为 x_i 到 x_i 的路径, $W(x_i, x_i) = 0$; $\lambda = 1$ 时, $P^\lambda(x_i, \dots, x_j)$ 为最短路径; $\lambda = 2$, $P^\lambda(x_i, \dots, x_j)$ 为次短路径, 依此类推.

定义 3 除 x_i 和 x_j 外, 如果 x_k 为路径 $P(x_i, \dots, x_j)$ 中的点, 称 x_k 为 $P(x_i, \dots, x_j)$ 的中间结点. 具有中间结点 x_k 的路径 $P(x_i, \dots, x_j)$, 记为 $P(x_i, \dots, x_j)x_k$. 若 x_k 不为路径 $P(x_i, \dots, x_j)$ 的中间结点, 路径 $P(x_i, \dots, x_j)$ 记为 $P(x_i, \dots, x_j)x_k'$.

收稿日期: 2007-12-06

作者简介: 周 勤(1970-), 女, 副研究馆员, 主要从事信息学研究。

对于路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 和后继路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$, 当路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$ 长度为1时, 即 $P^{\delta}(x_i, x_k x_h) \in E$, 其前导路径为点 x_i , 则 $\gamma = 0$. 而 $\delta > 0$, 即 $\delta > \gamma$.

令 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$ 的1到 δ 阶的所有路径 $P(x_i \cdot x_h)$ 的集合为 $P = \{P^t(x_i \cdot x_h) | t = 1 \text{ 到 } \delta\}$. P 中的所有路径分为由 x_k 和不为 x_k 延长而成的路径. 令 P 中 x_h 的前导结点为 x_k 的所有路径的集合为 $P_1 = \{P(x_i \cdot x_k x_h) | P(x_i \cdot x_k x_h) \in P, x_h \in \Gamma(x_k)\}$; x_h 的前导结点不为 x_k 的所有路径的集合为 $P_2 = \{P(x_i \cdot x_m x_h) | P(x_i \cdot x_m x_h) \in P, x_h \in \Gamma(x_m), x_m \neq x_k\}$; 前导路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 的1到 γ 阶的所有路径 $P(x_i \cdot x_k)$ 的集合为 $L = \{P^d(x_i \cdot x_k) | d = 1 \text{ 到 } \gamma\}$. L 中的所有路径分为包含 x_h 和不包含 x_h 两种. 又令 L 中 x_h 不为中间结点的所有路径的集合为 $L_1 = \{P(x_i \cdot x_k) x_h' | P(x_i \cdot x_k) \in L, x_h \in \Gamma(x_k)\}$; x_h 为中间结点的所有路径的集合为 $L_2 = \{P(x_i \cdot x_k) x_h | P(x_i \cdot x_k) \in L, x_h \in \Gamma(x_k)\}$.

再设 $WL = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in L\}$, $WL_1 = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in L_1\}$, $WL_2 = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in L_2\}$, $WP = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in P\}$, $WP_1 = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in P_1\}$, $WP_2 = \{W(P(x_i \cdot x_k)) | P(x_i \cdot x_k) \in P_2\}$.

定义4 设 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 对 $P^{\gamma}(x_i, x_k)$ 和 $P^{\delta}(x_i, x_k x_h)$, 称 γ 为点 x_k 与 x_h 的前导路径阶, 记为 $\gamma(x_k x_h)$. δ 为点 x_k 与 x_h 的后继路径阶, 记为 $\delta(x_k x_h)$. 令 $\alpha(x_k x_h) = |WL_2 - WL_1|$, 称 $\alpha(x_k x_h)$ 为点 x_k 与 x_h 的奇异前导阶. $\beta(x_k' x_h) = |WP_2 - WP_1|$, 称 $\beta(x_k' x_h)$ 为点 x_k 与 x_h 的奇异后继阶. $\alpha(x_k x_h)$ 为1到 γ 阶的前导路径 $P(x_i \cdot x_k)$ 中, 形成后继通路与后继路径的不同权值的权值个数. $\beta(x_k' x_h)$ 为1到 δ 阶的后继路径 $P(x_i \cdot x_k)$ 中, x_h 前导点为 x_k 与不为 x_k 的不同权值的权值个数.

命题1 在网络中, $x_h \in \Gamma(x_k)$, 对路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 和路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$, 则有 $\delta(x_k x_h) = \gamma(x_k x_h) + \beta(x_k' x_h) - \alpha(x_k x_h)$.

证明 因为 $x_h \in \Gamma(x_k)$, $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h) \in P_1$, $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k) \in L_1$, $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h) = P^{\gamma}(x_i \cdot x_k) \odot (x_k x_h)$, $W(P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)) = W(P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)) + W(x_k x_h)$, 所以 $P_1 \neq \emptyset, L_1 \neq \emptyset$.

那么 $|WP_1| \geq 1, |WL_1| \geq 1$.

令 $P(x_i \cdot x_k)_1, P(x_i \cdot x_k)_2 \in L_1$, 如果 $W(P(x_i \cdot x_k)_1) \neq W(P(x_i \cdot x_k)_2)$, 又因为 $W(P(x_i \cdot x_k x_h)_1) = W(P(x_i \cdot x_k)_1) + W(x_k x_h), W(P(x_i \cdot x_k x_h)_2) =$

$W(P(x_i \cdot x_k)_2) + W(x_k x_h)$, 所以 $W(P(x_i \cdot x_k x_h)_1) \neq W(P(x_i \cdot x_k x_h)_2)$.

同理, 如果 $W(P(x_i \cdot x_k)_1) = W(P(x_i \cdot x_k)_2)$, 则 $W(P(x_i \cdot x_k x_h)_1) = W(P(x_i \cdot x_k x_h)_2)$.

因为 $P(x_i \cdot x_k x_h)_1, P(x_i \cdot x_k x_h)_2 \in P_1, x_h \in \Gamma(x_k)$, 所以 $|WL_1| = |WP_1|$.

又因为 $\gamma(x_k x_h) = |WL| = |WL_1| + \alpha(x_k x_h)$, $\delta(x_k x_h) = |WP| = |WP_1| + \beta(x_k' x_h)$, 所以 $\delta(x_k x_h) = \gamma(x_k x_h) + \beta(x_k' x_h) - \alpha(x_k x_h)$.

在明确表示路径的前导路径、后继路径时, 若不会引起相邻结点 x_k 与 x_h 的误会, 可以将 $\gamma(x_k x_h), \alpha(x_k x_h), \delta(x_k x_h), \beta(x_k' x_h)$ 分别用 $\gamma, \alpha, \delta, \beta$ 表示.

定义5 如果 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 对路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 和路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$, 有 $\gamma > \delta$, 那么称 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 为 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$ 的逆阶路径. 简称 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 为逆阶路径.

如果 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 对路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 和路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$, 当 $\alpha > \beta$ 时, $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 为逆阶路径.

定义6 给定 λ 值, 求解 $P^{\lambda}(x_i, x_j)$ 时, 如果 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 对路径 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 和路径 $P^{\delta}(x_i \cdot x_k x_h)$, 当 $\gamma > \lambda$, 而 $\delta \leq \lambda$, 则称 $P^{\gamma}(x_i \cdot x_k)$ 为 x_h 的 λ 阶逆阶路径. 否则, 称为非 λ 阶逆阶路径.

对于给定的 λ 值, 求解 $P^{\lambda}(x_i, x_j)$ 时, 如果所有路径均不为 λ 阶逆阶路径, 则所有路径的阶均小于或等于 λ .

因为通过延长始点 x_i 到每个结点的路径, 不可能按权值大小依次产生, 即对每个结点而言, 先产生的路径不一定是权值小的.

定义7 对给定的 λ 值, 当非终结点 x_k 出现大于 λ 个不同权值的路径时, 其中权值次序大于 λ 的路径有可能为 λ 阶逆阶路径, 称为需判 λ 阶逆阶路径.

定义8 对给定 λ 值, 在求解 $P^{\lambda}(x_i \cdot x_j)$ 的过程中, 权值次序为 λ 的路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 称为临时 λ 阶终路径. 其权值称为 x_j 的临时 λ 阶终权值, 记为 $mw(x_j)$.

根据定义8, 当到终结点 x_j 的路径有 λ 个不同权值 $w_1, w_2, \dots, w_{\lambda}$ 时, 令 $B = \{w_t | t = 1 \text{ 到 } \lambda\}$, 则 $mw(x_j) = \max B$. 而当终结点 x_j 再出现权值 w 的路径时, $mw(x_j)$ 应作相应处理:

(1) 当 $w > mw(x_j)$ 时, $mw(x_j)$ 不变, 权值 w 的路径应丢弃.

(2) 当 $w \in B$ 时, $mw(x_j)$ 不变, 权值 w 的路径应保留.

(3) 当 $w \in B$ 且 $w < mw(x_j)$ 时, 权值 w 的路径应保留, 权值 $mw(x_j)$ 的临时 λ 阶终路径应丢弃, $B = \{B - \{mw(x_j)\}\} \cup \{w\}$, $mw(x_j) = \max B$.

因而, $mw(x_j)$ 每改变一次, $mw(x_j)$ 值变小一次. 在求始点 x_i 到终点 x_j 的 1 到 λ 阶的路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 时, 有些路径延长后, 最后不能成为 1 到 λ 阶 $P(x_i \cdot x_j)$ 中路径, 或形成的路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 的阶 $> \lambda$. 随着 $G(n, m)$ 中结点数的增加, 结点后继点增多, 这样的路径会迅速增大, 而增加路径处理量.

定义 9 对给定 λ 值, 不能延长形成 x_i 到 x_j 的 1 到 λ 阶路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 的路径, 称为 $P(x_i \cdot x_j)$ 的无效路径. 否则, 为有效路径.

因为任何后继路径的权值总是大于其前导路径的权值, 故有:

(i) 当 x_i 到非终点 x_k 的路径权值 $\geq mw(x_j)$ 和 x_i 到终点 x_j 的路径权值 $> mw(x_j)$ 时, 则这些路径为无效路径, 称为一类无效路径, 权值为无效值.

因为路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 的延长, 不能形成新路径 $P(x_i \cdot x_j)$, 故有:

(ii) 路径 $P(x_i \cdot x_j)$ 延长形成的新路径为无效路径, 称为二类无效路径, 权值为无效值.

(iii) 如果 x_i 到非终点 x_k 的路径 $P(x_i \cdot x_k)$ 没有后继路径或后继路径均为无效路径, 则 $P(x_i \cdot x_k)$ 为无效路径, 称为三类无效路径, 权值为无效值.

2 λ 阶短径构造原则及算法

2.1 构造原则

对给定的 λ 值, 求 x_i 到 x_j 的短路径 $P^\lambda(x_i \cdot x_j)$ 的算法, 根据前面分析讨论可知: 当 $\lambda = 1$, 对 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 所有的路径 $P^1(x_i \cdot x_k)$ 和路径 $P^1(x_i \cdot x_k x_h)$, 因为 $\lambda = 1$, 故 $\delta = 1$, 所以 $\beta = 0$. 若 $\alpha \neq 0$, 如 $\alpha = 1$, 在路径 $P^1(x_i \cdot x_k) x_h$ 中, 有 $P(x_i \cdot x_h)$ 权值 $< P^1(x_i \cdot x_k x_h)$ 权值, 和 $P^1(x_i \cdot x_k x_h)$ 为 1 阶路径矛盾, 故 $\alpha = 0$, 有 $\gamma = 1$. 所以, 用延长求 x_i 到 x_j 的最短路径的算法, 应该有下列构造原则.

原则 a 从初始值开始处理的过程中, x_i 到每个点 x_k 的路径由权值最小的路径延长, 形成较小权值的后继路径, 直至 x_j 的路径权值最小.

原则 b x_i 到每个点 x_k 用于处理的路径, 只需保留 1 条较小权值的路径.

原则 c x_i 到每个点 x_k 不存在 1 阶逆路径.

原则 d 可以考虑无效路径判别.

不考虑原则 d 不影响结果的正确性.

任何 λ 阶短路径算法, 当 $\lambda = 1$ 时, 应该保证算

法求最短路径的正确性. 而当 $\lambda > 1$ 时, 在无 λ 阶逆路径时, $P^\lambda(x_i \cdot x_j)$ 是由阶 $\leq \lambda$ 的路径延长而成的, 故上述最短路径构造原则可以修改为下列 λ 阶短路径算法的构造原则.

原则 1 根据给定的 λ 值, 每次将所有未处理的路径, 作为求下一阶路径的初始路径(初始值). 求每一阶的路径, 均按 $\lambda = 1$ 的最短路径的算法处理, 而依次求 1 阶, 2 阶, \dots , λ 阶的短路径.

原则 2 x_i 到每个点用于处理的路径, 一般只需要保留前较小的 λ 个不同权值的路径.

原则 3 x_i 到每个非终点 x_k , 当出现大于 λ 个不同权值的路径时, 权值次序大于 λ 的路径为需判 λ 阶逆路径, 对需判 λ 阶逆路径进行适当处理.

原则 4 对产生的每条路径, 都考虑无效路径判别.

显然, 原则 1 是基本的、最主要的, 原则 2、原则 3、原则 4 是减少路径的保留和处理量.

原则 3 中提到的判别需判 λ 阶逆路径的方法有 3 种. 设 $x_h \in \Gamma(x_k)$, 路径 $P(x_i \cdot x_k)_i$ 为需判 λ 阶逆路径, 后继路径为 $P(x_i \cdot x_k x_h)_i$.

方法 1 计算 $\alpha\beta$ 法.

1) 为了准确计算 $\alpha\beta$, 先将权值 $< w(P(x_i \cdot x_k)_i)$ 的未延长的路径延长.

2) 根据获得的包括二、三类无效路径在内的路径, 计算 $P(x_i \cdot x_k)_i$ 和路径 $P(x_i \cdot x_k x_h)_i$ 的 $\alpha(x_k x_h)$, $\beta(x_k' x_h)$.

3) 如果 $\alpha(x_k x_h) > \beta(x_k' x_h)$, 则 $P(x_i \cdot x_k)_i$ 为 x_h 的 λ 阶逆路径.

4) 在路径延长中, 如果产生新的需判 λ 阶逆路径, 应作同样处理. 因为 $G(n, m)$ 中路径数有限, 经有限次延长处理后, 直至不再有新需判 λ 阶逆路径为止, 本次处理结束. 处理中除一类无效路径可丢弃外, 其它无效路径不应丢弃.

方法 2 试探法.

因为需判 λ 阶逆路径可能是一、三类无效路径, 可以先进行无效路径判别.

1) 在延长需判 λ 阶逆路径 $P(x_i \cdot x_k)_i$ 处理中, 产生一、三类无效路径丢弃, 不产生二类无效路径.

2) x_i 到每个点保留的路径暂时为有效路径, 其中无效路径, 以后被发现再丢弃.

3) 如果产生新的需判 λ 阶逆路径, 应作同样的处理. 直至不再有新的需判 λ 阶逆路径时, 本次处理结束.

方法 3 不理睬法.

- 1) 需判 λ 阶逆路径 $P(x_i \cdot x_k)$, 不另外处理.
- 2) 产生一、三类无效路径丢弃, 不产生二类无效路径.

对给定 λ 值, 求 x_i 到 x_j 的 λ 阶短路径 $P^\lambda(x_i \cdot x_j)$ 中, 需判 λ 阶逆路径出现多少和处理复杂程度, 和网络 $G(n, m)$ 的拓扑结构、点 x_i 、点 x_j 及给定 λ 值有关. 同一种需判 λ 阶逆路径处理方法, 对有些问题处理时可能很复杂, 另一些问题处理时可能很简单.

2.2 算法

λ 阶短路径 D 算法采用试探法处理需判 λ 阶逆路径, 处理时如删除无效路径, 处理结束后, 剩下的路径为有效路径.

下面修改最短路径的 D 算法 (Dijkstre 算法). D 算法的基本方法^[3,4]是将 $G(n, m)$ 中, 所有点给一个标志值, 固定标志 P 值或临时标志 T 值. P 值表示始点到该点的最短路径权值, T 值表示始点到该点的 1 条较小的路径权值. 如果终点的 T 值变成 P 值, 便获得始点到终点的最短路径权值, 再由此权值求始点到终点的最短路径. 实际上, 不需要一开始对所有点都给一个标志值, 可以边处理边给值. 最短路径 D 算法的具体步骤参考文献[3, 4].

为了便于求出路径的后继路径, 将网络中, 结点编号如 x_1, x_2, \dots, x_n 后, 作表 E . 表 E 叫做 $G(n, m)$ 的权延长表 (简称 E 表).

$$E = \begin{array}{c|c} x_1 & \\ x_2 & \\ \vdots & \\ \vdots & \\ x_n & \end{array} \begin{array}{c} \\ \\ e_{ij} \\ \\ \end{array},$$

(↑ 前导结点列)

其中,

$$e_{ij} = \begin{cases} x_j/w(x_i, x_j), & \text{当 } x_i \neq x_j \text{ 且 } x_j \in \Gamma(x_i) \text{ 时,} \\ \text{空白, 其它情况.} \end{cases}$$

通常, 在 E 表的第 i 行中, 会有 e_{ij} 为空白, 可以省去, 而同行后面的项向前移动而成简表, 我们使用简表.

对于 λ 阶短路径 D 算法, 因 $\lambda > 1$ 时, 增加了一些需判别情况, 故 λ 阶短路径 D 算法形式上复杂些. 在最短路径 D 算法中, 因为每次只需将具有最小 T 值的一个点的 T 值改为 P 值, 故每个点只有一次取为 P 值点的机会. 在 λ 阶短路径 D 算法中, 用集合 A 表示在每阶选中的 T 值点, 同时, 会调用到以下延长处理方法.

2.2.1 延长处理方法

求权值 $P(x_k)$ 的路径的点 x_k 的所有后继点 x_h

的 $T(x_h)$.

(1) 令 $d = |\Gamma(x_k)|, f = 1$.

(2) 查权延长表 E , 计算 $P(x_k)$ 的第 f 个后继点 x_h 的路径的 $T(x_h)$.

$T(x_h) =$

$$\begin{cases} \text{空格, 当 } P(x_i \cdot x_k x_h) \text{ 为回路或通路时, 转(3).} \\ P(x_k) + w(x_k x_h), \text{ 当 } P(x_i \cdot x_k x_h) \text{ 为路径时.} \end{cases}$$

1) 当 $x_h = x_j$ 且 $T(x_h) < mw(x_j), T(x_h) \notin B$ 时:

① 如果 $B = \emptyset$ 且 x , 连同 $T(x_h)$ 一起具有 λ 个不同 T 值 $w_1, w_2, \dots, w_\lambda$, 则 $B = \{w_i | i = 1 \text{ 到 } \lambda\}, mw(x_j) = \max B$.

② 如果 $B \neq \emptyset$, 则新的 $B = \{B - \{mw(x_j)\}\} \cup \{T(x_h)\}, mw(x_j) = \max B$.

2) 当 $x_h \neq x_j$ 且 $T(x_h) < mw(x_j)$ 时, 如果 x_h 连同 $T(x_h)$ 一起具有大于 λ 个不同 T 值, 将其中次序大于 λ 的 $T(x_h)$ 值改为需判 λ 阶逆标志.

(3) 将终点 $x_j > mw(x_j)$ 和非终点 x_k 的 $\geq mw(x_j)$ 的 T 值, 改为无效值 (或删除).

(4) $f = f + 1$, 如 $f \leq d$, 转(2).

(5) 返回.

2.2.2 λ 阶短路径 D 算法

给定始点 x_i , 终点 x_j , 阶 λ 值, 权延长表 E .

步骤 1: 初始值: $T(x_i) = 0, mw(x_j) = \infty, A = \emptyset, B = \emptyset$.

步骤 2: 取不属于 A 中的最小 T 值的点, 设点为 x_k, T 值为 $T(x_k)$.

步骤 3: 取点 x_k 的最小 T 值中之一的 $T(x_k)$ 改为 $P(x_k)$.

1) 如果 $x_k = x_j$, 令 $A = \emptyset$, 转步骤 6.

2) 调用延长处理方法, 求权值改为 $P(x_k)$ 的路径的点 x_k 的所有后继点 x_h 的 $T(x_h)$.

3) 如果 $P(x_k)$ 的所有 $T(x_h)$ 为无效值或空白, 则该 $P(x_k)$ 为无效值 (或删除).

步骤 4: 如果 $T(x_h)$ 中没有需判 λ 阶逆标志, 转步骤 5.

1) 设点为 x_{h1} , 权值 $T(x_{h1})$ 改为 $P(x_{h1})$.

2) 调用延长处理方法, 求权值 $P(x_{h1})$ 的路径的点 x_{h1} 的所有后继点 x_{h1} 的 $T(x_{h1})$.

3) 如果 $P(x_{h1})$ 的所有 $T(x_{h1})$ 为空白或无效值, 则该 $P(x_{h1})$ 为无效值 (或删除).

4) 如果 T 值中有需判 λ 阶逆标志, 转 1).

步骤 5: 对未处理无效路径的 P 值、 T 值作无效标志 (或删除).

- 步骤 6: 点 x_k 有未处理最小 $T(x_k)$ 值, 转步骤 3.
- 步骤 7: $A = A \cup \{x_k\}$. 如果有未处理 T 值, 转步骤 2.
- 步骤 8: 结束.

3 算例

求网络 $G(7,11)$ 的最短路径和次短路径.

$G(7,11)$ 中, $n = 7, \lambda = 2$, 始点设为 x_1 , 终点设为 x_5 (如图 1)

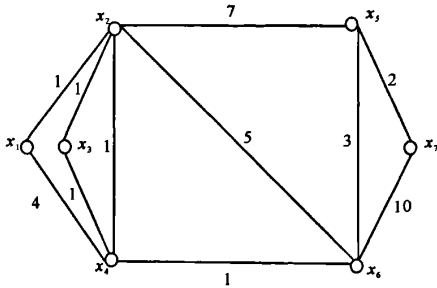


图 1 网络 $G(7,11)$

根据图 1, 我们有相应的 E 表和 D 算法生成表 (表 1).

表 1 D 算法生成表

序号	前导路径	权值	后继路径终点和权值							注
			x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	x_7	
1		0	0 ^①							
2	x_1			1 ^①		4 ⁺ -×				a
3	x_1x_2	1			2 ^①		8×	6 ⁺ -×		
4	$x_1x_2x_3$	2				3 ^②				b
5	x_1x_4	4 ⁺ ×		5 ^② ×	5 ⁺ -×			5 ⁺ ×		
	$x_1x_2x_4$	2			3 ^② ×			3 ^①		
	$x_1x_4x_3$	5 ⁺ ×		6 ⁺ -×						
	$x_1x_2x_5$	6 ⁺ ×				7 ⁺ -×	9×		16×	c
	$x_1x_4x_3x_2$	6 ⁺ ×					13×	11×		d
6	$x_1x_2x_6x_4$	7 ⁺ ×			8 ⁺ -×					
	$x_1x_2x_6x_4x_3$	8 ⁺ ×								
	$x_1x_2x_4x_6$	3					6 ^①	13×		e
	$x_1x_2x_4x_6x_5$	6								f
8	$x_1x_2x_3x_4$	3						4 ^②		
	$x_1x_4x_6$	5 ⁺ ×		10×			8×		15×	
9	$x_1x_2x_4x_3$	3×								
10	$x_1x_2x_3x_4x_6$	4					7 ^②		13×	g
11	$x_1x_4x_2$	5×			6 ^③ -×		12×	10×		
12	$x_1x_2x_3x_4x_6x_5$	7								h
13	$x_1x_4x_2x_3$	6×								

注: b. $T(x_4) = 4$; 改为需判 2 阶逆标志并进行处理. c. $mw(x_5) = 9$. d. 因为 $mw(x_5) = 9$, 所以 $T(x_5) = 13, T(x_6) = 11$ 为无效值, $P(x_2) = 6, T(x_2) = 6$ 为无效值, $P(x_3) = 5, T(x_3) = 5$ 为无效值. e. $mw(x_5) = 8$. f. $A = \emptyset$. g. $mw(x_5) = 7$. h. $A = \emptyset$. a. 最后有路径 $x_1x_4/4$ 对后继路径 $x_1x_4x_2/5$ 为 2 阶逆路径, 对 $x_1x_4x_3/5, x_1x_4x_6/5$ 为非 2 阶逆路径. 另外如果计算 $\alpha\beta$, 有 $\alpha(x_4x_2) = 2, \beta(x_4'x_2) = 1$, 故 $x_1x_4/4$ 为 $x_1x_4x_2/5$ 的 2 阶逆路径. 路径 $x_1x_4/4$ 对后继路径 $x_1x_4x_3/5, x_1x_4x_6/5$ 有 $\alpha(x_4x_3) = 1, \beta(x_4'x_3) = 1, \alpha(x_4x_6) = 0, \beta(x_4'x_6) = 0$, 故 $x_1x_4/4$ 为 $x_1x_4x_3/5, x_1x_4x_6/5$ 的非 2 阶逆路径, 但路径 $x_1x_4/4$ 为无效路径.

(下转第 253 页)

$$E = \begin{array}{l|cccccc} x_1 & x_2/1 & x_4/4 & & & & \\ x_2 & x_1/1 & x_3/1 & x_4 & x_5/7 & x_6/5 & \\ x_3 & x_2/1 & x_4/1 & & & & \\ x_4 & x_1/4 & x_2/1 & x_3/1 & x_6/1 & & \\ x_5 & x_2/7 & x_6/3 & x_7/2 & & & \\ x_6 & x_2/5 & x_4/1 & x_5/3 & x_7/10 & & \\ x_7 & x_5/2 & x_6/10 & & & & \end{array}$$

表 1 左边为 P 值的前导路径和权值, 右边为相应后继点的 T 值 (后继路径权值). 空白表示相应点不为后继点或相应点的路径为通路、回路. “+”表示 T 值为需判 λ 阶逆标志. “-”表示 T 值为处理需判 λ 阶逆路径选中处理的标志. “ \times ”表示 T 值为无效值 (或删除), 对 P 值作无效值标志 (或删除) 时, 表 1 中右边相应 T 值应同时作无效值标志 (或删除). 从表 1 右边选中 T 值路径, 权值立即填表中下行左边进行延长处理, 左边 P 值的前导路径终点为每阶集合 A 中选中的 T 值点, 表 1 中右边 T 值用 ①, ②, ... 表示, 同一阶中选中的 T 值点, 有相同的 ①, ② 标志.

3 系统特点

基于 RFID 的大型纸品仓库定位跟踪管理系统具有自动化程度高、功能完善、安全易用、易于扩展和数据共享等特点。

(1) 自动化程度高。系统通过仓库内的 RFID 网络实现货物信息和叉车移动的信息自动采集,避免人为错误的产生,保证了生产信息的正确性。

(2) 功能完善。系统面向实际需求,设计实现仓库的出入库管理、电子化快速盘点、叉车自动导向等功能,全面覆盖了仓库的各个生产流程。

(3) 安全易用。客户端采用 Web 浏览器方式,界面人性化,操作简易。设计符合仓管人员原有的操作习惯,原有仓管人员无需重新培训即可使用,减少企业人力成本支出。

(4) 易于扩展。系统采用模块化设计并预留接口,方便扩展到企业内部其他仓库以及异地仓库。

(5) 数据共享。系统库存信息及定位信息实现共

享,与原有的企业 ERP 系统无缝连接。

4 结束语

基于 RFID 室内定位技术的仓库定位跟踪管理系统在大型纸厂成品仓库的应用,不仅能够实现对出入库的自动化管理,更可实现对仓库内货物的实时跟踪和精确定位,给企业带来自动化、透明化、有序化的仓库管理,杜绝了人为差错,这对提升企业产品质量、企业形象以及市场竞争力起到了良好的推动作用。该系统已在某大型纸厂成品仓库进行试运行,运转情况良好。

参考文献:

- [1] 孙瑜. 射频识别(RFID)室内定位算法研究[D]. 成都:西南交通大学,2005.

(责任编辑:韦廷宗)

(上接第247页)

最后结果是,最短路径为序号7的路径 $x_1x_2x_4x_6x_5/6$, 次短路径为序号12的路径 $x_1x_2x_3x_4x_6x_5/7$.

参考文献:

- [1] 周炳生. 网络中多始点与终点路径的延长算法[J]. 上海技术师范学院学报:自然科学版,1989(1):32-38.
 [2] 周炳生,周勤. λ 阶短哈密顿回路的最小权法[J]. 广西科学院学报,2005,21(2):67-70,75.
 [3] 祝颂和,陆诗娣,陈建明. 离散数学[M]. 西安:西安交

通大学出版社,1996:224-228.

- [4] M N S Swamy, K Thulasiraman. 图、网络与算法[M]. 左垠主,译. 北京:高等教育出版社,1988:338-344.
 [5] 徐洁磐,惠永涛. 离散数学及其在计算机中的应用[M]. 修订版. 北京:人民邮电出版社:147-153.
 [6] 舒贤林,徐志才. 图论基础及应用[M]. 北京:北京邮电学院出版社,1988:345-361.

(责任编辑:尹 闯)